### Indice

777	Premessa	4:	Nicolatto	Langiana
IV	Promossa	$\alpha_1$	Nicoletta	I anciano

3	Presentazione

# 5 Argomento 1

La matematica della terra in cui viviamo. La geometria delle piccole e delle grandi distanze

- 5 1.1 In viaggio. Le rotte aeree
- 7 1.2 La via più breve
- 9 1.3 «Andare in curva»
- 11 1.4 Il parallelismo sulla superficie terrestre
- 12 1.5 Gli angoli di un triangolo sulla superficie terrestre
- 16 Scheda storica: La geometria della piccola zona e quella delle grandi estensioni in uno sfondo storico
- 20 Scheda 1: La linea più breve sul cilindro
- 21 Scheda 2: La geometria dell'Universo

# 23 Argomento 2

La matematica di tutti i giorni. Problemi di ottimizzazione

- 23 2.1 Da una pentola all'altra. Quando i sensi ingannano
- 25 Scheda storica: Galileo e i due contenitori cilindrici
- 27 2.2 Piegando un foglio di carta. I due contenitori
- 29 2.3 Come si calcola il volume del parallelepipedo
- 31 2.4 La scoperta di un rapporto fra i volumi
- 33 2.5 Costruire parallelepipedi di ugual volume lavorando con cubi
- 34 2.6 Costruire solidi di ugual volume lavorando con l'argilla

VI Indice

36 2.7 Le bolle di sapone. Proprietà di minimo della superficie della sfera e del perimetro del cerchio

- 38 2.8 Ragionare per assurdo. Le proprietà ottimali della sfera e del cerchio
- 39 2.9 Le proprietà della sfera nelle applicazioni
- 41 Scheda storica: La costruzione di Cartagine. Il cerchio in un Dialogo di Galileo
- 44 Scheda 1: Un metodo per confrontare volumi
- Scheda 2: Come un ragionamento matematico riesce a trasformare un cubo in una sfera di ugual volume

# 53 Argomento 3

Matematica e medicina.

Come intervengono probabilità e statistica

- 53 3.1 Maschio o femmina? Testa o croce?
- 53 3.2 Che cosa è la probabilità?
- 55 3.3 Un'anomalia ereditaria: la microcitemia
- 56 3.4 Lancio di due monete
- 57 3.5 Probabilità di trasmissione del morbo di Cooley
- 59 3.6 La diffusione della microcitemia in Italia
- 60 3.7 Un'anomalia non ereditaria: la sindrome di Down
- 61 3.8 Valutazione statistica della probabilità
- 62 3.9 I due modi di valutare la probabilità di un evento

### 65 Argomento 4

Matematica e arte.

Lo studio delle ombre in equazioni

- 65 4.1 La nascita della prospettiva nell'arte
- 73 4.2 L'ombra di un oggetto. Osservazioni
- 77 4.3 Trasformazioni affini e trasformazioni proiettive
- 82 4.4 Osservazioni sullo stiramento di una tela elastica
- 83 4.5 Dallo stiramento di una tela elastica alle equazioni dell'affinità
- 88 4.6 Biologia e trasformazioni affini
- 91 4.7 Giocare con la prospettiva: la prospettiva «ad effetto» e la prospettiva «umoristica»

*Indice* VII

99	Argomento 5				
	Matematica e realtà.				
	La l	egge esponenziale			
99	5.1	Le previsioni sul futuro. Quanti saremo?			
100	5.2	Vari modi di crescere			
101	5.3	La crescita di una popolazione: il caso dei batteri			
104	5.4	La riproduzione delle cellule e la vita			
105	5.5	Anche un capitale può crescere con legge esponenziale			
107	5.6	Quanto tempo perché un capitale raddoppi?			
108	5.7	Quanto tempo perché una popolazione raddoppi?			
110	5.8	La legge esponenziale e il decadimento radioattivo			
114	5.9	L'età dei fossili. Il logaritmo			
117					
	Matematica, natura, arte.				
	Una	teoria matematica recente: i frattali			
117	6.1	Osservando la natura			
120	6.2	La «stilizzazione» del fiocco di neve			
121	6.3	Da poligonali costruite secondo un modulo a una curva			
122	6.4	Una curva che «riempie» un quadrato			
125	6.5	Il concetto di dimensione. Le curve frattali			
128	6.6	I frattali nella realtà			
132	6.7	Costruire la natura. Paesaggi costruiti con il calcolatore			
137	6.8	Rappresentazioni pittoriche create da formule			
147		omento 7			
	La n	natematica come matematica: l'infinito			
147	7.1	Una distanza finita che sembra infinita: il viaggio di una			
		formica			
149	7.2	Altri tipi di formiche. Le serie convergenti			
153		Scheda 1: La zona infinita «sotto» una curva esponenziale			
156	7.3	Viaggi senza successo. Le serie divergenti			
159		Scheda 2: La scoperta di una formula sulle serie			
163		Scheda 3: Perimetro e area del «fiocco di neve»			

VIII Indice

169 7.4 I punti di un segmento piccolo sono tanti quanti i punti di un lungo segmento

7.5 I punti di un quadrato sono tanti quanti i punti di un suo lato
174 Scheda storica: La natura del punto geometrico attraverso la scoperta del teorema di Pitagora e i paradossi di Zenone